

Problema 4

Arătați că pentru orice număr natural $n \geq 2$ are loc egalitatea

$$[\sqrt{n}] + [\sqrt[3]{n}] + [\sqrt[4]{n}] + \dots + [\sqrt[n]{n}] = [\log_2 n] + [\log_3 n] + \dots + [\log_n n].$$