

**P3.** a) Pentru orice  $z \in \mathbb{C} \setminus \mathbb{R}$  definim funcția  $f_z : \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}$  prin

$$f_z(w) = \operatorname{Re}(w) + z \cdot \operatorname{Im}(w) \quad , \quad (\forall)w \in \mathbb{C}.$$

Arătați că  $U = \{f_z \mid z \in \mathbb{C} \setminus \mathbb{R}\}$  este un grup necomutativ în raport cu operația de compunere a funcțiilor.

b) Pentru orice  $a \in \mathbb{R}^*, b \in \mathbb{R}$  considerăm funcția  $g_{a,b} : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  definită prin

$$g_{a,b}(x) = ax + b \quad , \quad (\forall)x \in \mathbb{R}.$$

Arătați că  $V = \{g_{a,b} \mid a \in \mathbb{R}^*, b \in \mathbb{R}\}$  este un grup necomutativ în raport cu operația de compunere a funcțiilor.

c) Arătați că  $(U, \circ) \cong (V, \circ)$ .