

Problema 2. Determinați numerele naturale nenule $m < n < p < q < r$ și a, b, c, d, e pentru care $a \cdot 3^m + b \cdot 3^n + c \cdot 3^p + d \cdot 3^q + e \cdot 3^r = 2019$.
* * *

Soluție: Numărul 2019, din baza 10, se scrie în baza 3 astfel:

$$2019_{(10)} = 2202210_{(3)}.$$

Numărul $2202210_{(3)}$ se aduce la baza 10 astfel:

$$2202210_{(3)} = 2 \cdot 3^6 + 2 \cdot 3^5 + 2 \cdot 3^3 + 2 \cdot 3^2 + 1 \cdot 3^1.$$

Atunci

$$a \cdot 3^m + b \cdot 3^n + c \cdot 3^p + d \cdot 3^q + e \cdot 3^r = 2 \cdot 3^6 + 2 \cdot 3^5 + 2 \cdot 3^3 + 2 \cdot 3^2 + 1 \cdot 3^1.$$

Având în vedere condițiile problemei obținem $m = 1, n = 2, p = 3, q = 5, r = 6, a = 1$ și $b = c = d = e = 2$.

Pornind de la această soluție se pot găsi și alte soluții.

De exemplu $2 \cdot 3^6 + 2 \cdot 3^5 + 2 \cdot 3^3 + 2 \cdot 3^2 + 1 \cdot 3^1 = 3^6 + 3^6 + 2 \cdot 3^5 + 2 \cdot 3^3 + 2 \cdot 3^2 + 1 \cdot 3^1 = 3^6 + 3^5(3+2) + 2 \cdot 3^3 + 2 \cdot 3^2 + 1 \cdot 3^1 = 3^6 + 5 \cdot 3^5 + 2 \cdot 3^3 + 2 \cdot 3^2 + 1 \cdot 3^1$, de unde $m = 1, n = 2, p = 3, q = 5, r = 6, a = 1, b = c = 2, d = 5$ și $e = 1$.