

P2. Fie $A, B \in \mathcal{M}_3(\mathbb{R})$ cu proprietatea că $\det(A + B) \geq \det(A) + \det(B) > 0$, iar $(x_n)_{n \geq 1}$ un șir de numere reale definit prin

$$x_1 \geq 0 \quad \text{și} \quad x_{n+1} = f(x_n), (\forall) n \geq 1,$$

unde

$$f : \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}, \quad f(x) = \det(A + xB) + \det(xA + B).$$

Arătați că șirul $(x_n)_{n \geq 1}$ are limită. Dacă $\det(A) + \det(B) > 1$, determinați această limită.