

P1. Fie $(a_n)_{n \geq 1}$ și $(b_n)_{n \geq 1}$ două șiruri mărginite de numere reale. Arătați că

a) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n |a_k| = 0$ dacă și numai dacă $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n |a_k|^p = 0$ pentru orice $p > 1$.

b) dacă $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n |a_k| = 0$ și $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n |b_k| = 0$, atunci $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n |a_k b_k| = 0$.