

Etapa 7, Problema 4

Notăm cu \mathcal{F} mulțimea funcțiilor $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ cu proprietatea că

$$f(f(x) + y) = f(x) + f(y), \text{ oricare ar fi } x, y \in \mathbb{R}.$$

- a) Determinați funcțiile injective din \mathcal{F} .
- b) Arătați că \mathcal{F} conține funcții neconstante care nu sunt nici injective, nici surjective.

Dorel Miheț