

Arătați că, pentru orice numere reale a și b este adevărată inegalitatea

$$(1 + a^2)(1 + b^2) \geq a(1 + b^2) + b(1 + a^2).$$

Când are loc egalitatea?

Olimpiadă Slovenia, 2007