

Problema 3. Determinați funcțiile $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ cu proprietatea că

$$xf(x+y) + yf(y-x) = f^2(x) + f^2(y),$$

pentru orice $x, y \in \mathbb{R}$.