

Clasa a V-a

Problema 1. Suma a șapte numere naturale este 2017, iar suma a trei dintre ele este 1008. Arătați că produsul lor este un număr divizibil cu 4.

Problema 2. Determinați numerele prime p și q pentru care

$$1 + p + p^2 + p^3 + \dots + p^{10} + q = 2050.$$

Problema 3. Fie numerele naturale $x_1, x_2, x_3, \dots, x_{100}$, care împărțite la un număr natural nenul n , dau resturi diferite două câte două și câturi nenule, diferite două câte două.

a) Arătați că $n \geq 100$.

b) Calculați cea mai mică valoare a sumei $x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_{100}$.